Commande scalaire d'une machine asynchrone contrôlée en courant

On considère une machine asynchrone triphasée tétrapolaire (p = 2). Son modèle par phase, en régime permanent sinusoïdal, a été identifié; il est donné à la figure 1 dans l'hypothèse de la localisation des fuites magnétiques au stator et de pertes ferromagnétiques négligeables.

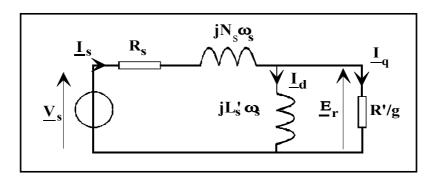


Figure 1 Modèle par phase, à fuites localisées au stator.

 ω_s est la pulsation des tensions statoriques ;

 ω_r est la pulsation des courants rotoriques ;

 $g = \omega_s / \omega_r$ est le glissement.

On donne : $R_s=16~\text{m}\Omega$, $N_s=200~\mu\text{H}$, $L'_s=8~\text{mH}$, $R'=11~\text{m}\Omega$, valeurs nominales (indice n) : $\omega_{sn}=100\pi~rad/s$, $\omega_{rn}=2.5\pi~rad/s$, $I_{sn}=883~\text{A}$.

1-. Fonctionnement nominal

- 1.1 Établir l'expression complexe de \underline{V}_s en fonction de \underline{I}_s et des éléments du modèle ; en déduire la valeur efficace V_{sn} .
- 1.2 Déterminer les expressions de \underline{I}_d , \underline{I}_q en fonction de \underline{I}_s et des éléments du modèle ; en déduire les valeurs efficaces I_{dn} , I_{qn} .
- 1.3 Exprimer la puissance transmise P_T du stator au rotor en fonction de I_q puis de I_s ; en déduire l'expression du couple électromagnétique c_e en fonction de I_s et ω_r . Calculer la valeur nominale du couple. Pour quelle valeur ω_{rM} de ω_r , le couple est-il maximal (à I_s constant)? Quelle est l'expression du couple maximal C_{eM} en fonction de I_s ?
- 2-. On considère la commande scalaire de la machine (mode électromécanique dominant) dans laquelle ω_r est constamment égale à ω_{rM} , de sorte que la seule grandeur influente du couple est le courant I_s .
 - 2.1 Déterminer la relation entre V_s et I_s , à $\omega_r = \omega_{rM}$.
 - 2.2 Établir le Graphe Informationnel Causal sur la machine accouplée à un système mécanique, la grandeur influente d'entrée étant I_s .
 - 2.3 Indiquer, sous la forme d'un graphe, comment est effectué le réglage de l'onduleur de tension (V_s, ω_s) à partir de la connaissance de ω_{rM} , Ω (la vitesse angulaire) et $I_s = I_{sREG}$.
 - 2.4 Proposer, après justification, le graphe de la commande.

Corrigé succinct

1. Fonctionnement nominal

1.1
$$\underline{V}_{s} = \underline{I}_{s} \left[R_{s} + j N_{s} \omega_{s} + \frac{(R'/g) j L'_{s} \omega_{s}}{(R'/g) + j L'_{s} \omega_{s}} \right]; \quad g \omega_{s} = \omega_{r}$$

$$V_{s} = I_{s} \sqrt{\frac{(R_{s} R' - L'_{s} N_{s} \omega_{s} \omega_{r})^{2} + L'_{s}^{2} (R' \omega_{s} + R_{s} \omega_{r})^{2}}{R'^{2} + L'_{s}^{2} \omega_{r}^{2}}} = 0,453 I_{s} \Rightarrow V_{sn} = 400 \text{ V}$$

1.2 Division de courant

$$\underline{I}_d = \underline{I}_s \frac{R'}{R' + jL'_s \omega_r}$$
, $\underline{I}_q = \underline{I}_s \frac{jL'_s \omega_r}{R' + jL'_s \omega_r} \Rightarrow I_{dn} = 152 \text{ A}$, $I_{qn} = 870 \text{ A}$

1.3
$$P_{T} = 3(R'/g)I_{q}^{2} = 3\frac{R'\omega_{s}}{\omega_{r}}\frac{L'_{s}^{2}\omega_{r}^{2}}{R'^{2} + L'_{s}^{2}\omega_{r}^{2}}I_{s}^{2} = C_{e}(\omega_{s}/p), C_{e} = 3p\frac{R'L'_{s}^{2}\omega_{r}}{R'^{2} + L'_{s}^{2}\omega_{r}^{2}}I_{s}^{2}$$

$$\Rightarrow C_{en} = 6360 \text{ Nm} ; \omega_{rM} = R'/L'_{s} = 1,375 \text{ rad/s} , C_{eM} = 3L'_{s}I_{s}^{2}$$

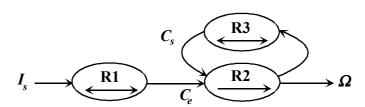
- 2. Commande scalaire [J.P. Caron, J.P. Hautier . Systèmes électrotechniques Applications industrielles Problèmes et solutions. Problème 7. Editions Technip, Paris 2000], [J.P. Caron, J.P. Hautier. Modélisation et commande de la machine asynchrone. Editions Technip, Paris 1995]
- **2.1** $\underline{V}_s = (R_s + jN_s\omega_s + jL'_s\omega_s / 2)\underline{I}_s \implies V_s = \sqrt{(R_s)^2 + (N_s + L'_s/2)^2\omega_s^2}I_s$,
- **2.2** Dans l'hypothèse du mode électromécanique dominant, l'expression de C_e est celle du régime harmonique permanent :

$$R1 \rightarrow C_e = 3L'_s I_s^2$$

 $R2 \rightarrow \frac{d\Omega}{dt} = \frac{1}{J}(C_e - C_s)$, avec J le moment d'inertie total ramené au rotor, C_s le

couple de charge : R 3 \rightarrow loi $C_s(\Omega)$

Graphe informationnel causal sur le processus :



2.3 ω_s est donné par la relation rigide R4 d'autopilotage fréquentiel :

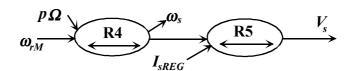
$$R4 \rightarrow \omega_s = \omega_{rM} + p\Omega$$

et V_s par :

réglage)

R 5 \rightarrow $V_s = \sqrt{R_s^2 + (N_s + L_s^2/2)^2 \omega_s^2} I_{sREG}$, (note: *REG* désigne une grandeur de

• Graphe informationnel causal sur le réglage de la fréquence et de la tension de sortie de l'onduleur



2.4 Graphe de commande de la vitesse

• Inversion indirecte de la relation R2:

$$RC2 \rightarrow C_{eREG} = C_2(\Omega_{REF} - \widehat{\Omega}) + \widetilde{C}_s$$

avec:

 Ω_{REF} , la référence de vitesse,

 $\widehat{\Omega}$, la vitesse captée,

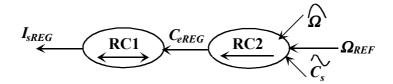
 \widetilde{C}_s , le couple de charge estimé,

 C_2 , l'algorithme de réglage (correcteur de vitesse)

• Inversion directe de la relation R1

RC1
$$\rightarrow I_{sREG} = \sqrt{C_{eREG} / 3L'_{s}}$$

• Graphe informationnel causal sur la commande scalaire contrôlée en courant :



Fin du corrigé